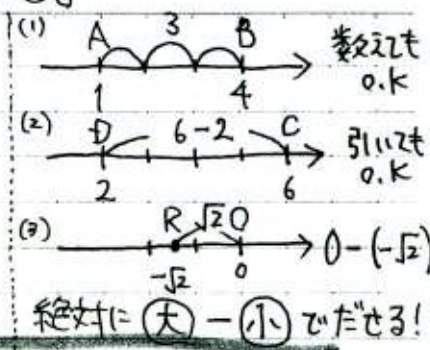


今日の目標: 平面上の距離を求める。

復習 直線上の2点間の距離

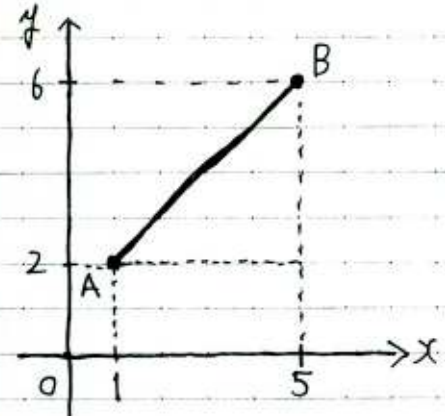
- (5分)
- (1) $A(1), B(4)$
 $AB = 4 - 1 = 3$
- (2) $C(6), D(2)$
 $CD = 6 - 2 = 4$
- * (3) $O(0), R(-\sqrt{2})$
 $OR = 0 - (-\sqrt{2}) = \sqrt{2}$



全員が「直線上の距離」を求めることができる。
 (共通理解) 距離は正の数である。

導入 (5分)

例 平面上の2点 $A(1, 2), B(5, 6)$ 間の距離を求めよ。

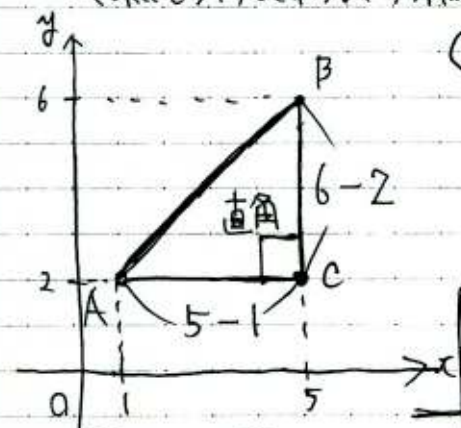


- ① 実際は点をとる。
- ② キョリは、AとBの最短の長さ。
- ③ (発問) と「どのようにして求めればよい?」
 - ・ 定規 → ④ 定規よりちょっと長かった?
 - ・ 三平方の定理 → ⑤ 定理を説明しなさい。
 - ⑥ どんな三角形に使える?
- ④ (発問) ABを使った図形が見えないかな。どこかに補助線をつくるとどうなる?

(3点セット, x軸, y軸, 原点O)

三平方は教科書で確認。
 かつ、直角三角形であること。
 ∴ $(仮定) a^2 = (b)^2 + (c)^2$

展開 (10分)



△ABCに対して、三平方の定理を使えば。

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

ACとBCのキョリを問う。(ゲラッ)

$$AB^2 = (5-1)^2 + (6-2)^2$$

キョリABは正数!

キョリ

$$= \sqrt{\left(\begin{matrix} x軸上 \\ のキョリ \end{matrix}\right)^2 + \left(\begin{matrix} y軸上 \\ のキョリ \end{matrix}\right)^2}$$

$$AB = \sqrt{(5-1)^2 + (6-2)^2}$$

整数故、 $AB = \sqrt{4^2 + 4^2} = \sqrt{16+16} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$

目標

① 復習 ② 導出 ③ まとめ
④ 例1 ⑤ 演習(1) (5) 練習
説明: (1) (2) (3) (4) (5) (6) (7) (8) (9) (10)

まよめ
(5分)

一般に,

2点 $A(x_1, y_1)$, $B(x_2, y_2)$ 間のかりは,

$$AB = \sqrt{\underbrace{(x_2 - x_1)^2}_{x \text{ 軸の直線のかり}} + \underbrace{(y_2 - y_1)^2}_{y \text{ 軸の直線のかり}}}$$

説明
(5分)

例1 $A(-2, 3)$, $B(5, 2)$ 間のかりを求めよ。

$AB = \sqrt{(5 - (-2))^2 + (2 - 3)^2} \leftarrow AB = \sqrt{(-2 - 5)^2 + (3 - 2)^2}$
 $\begin{aligned} &= \sqrt{7^2 + (-1)^2} = \sqrt{49 + 1} = \sqrt{50} \quad \text{よしてまよめ。} \\ &= 5\sqrt{2} \quad \dots \text{(答)} \end{aligned}$
 (まよめ) 忘れおけ!
 7>2777>7770. √を簡単にする $\sqrt{a^2 b} = a\sqrt{b}$

演習
(20分)

練習1

(1) $A(4, 2)$, $B(8, 5)$

$AB = \sqrt{(8-4)^2 + (5-2)^2}$
 $= \sqrt{4^2 + 3^2} = \sqrt{16+9}$
 $= \sqrt{25} = 5$

(2) $O(0, 0)$, $P(2, -3)$

$OP = \sqrt{(2-0)^2 + (-3-0)^2}$
 $= \sqrt{2^2 + (-3)^2} = \sqrt{4+9}$
 $= \sqrt{13}$

(2) $C(-4, 1)$, $D(-2, 0)$

$CD = \sqrt{(-2 - (-4))^2 + (0 - 1)^2}$
 $= \sqrt{2^2 + (-1)^2} = \sqrt{4+1}$
 $= \sqrt{5}$

(4) $Q(2, 4)$, $R(-1, 7)$

$QR = \sqrt{(-1-2)^2 + (7-4)^2}$
 $= \sqrt{(-3)^2 + 3^2} = \sqrt{9+9}$
 $= \sqrt{18} = 3\sqrt{2}$

(3) $E(-2, -5)$, $F(-6, 3)$

$EF = \sqrt{(-6 - (-2))^2 + (3 - (-5))^2}$
 $= \sqrt{(-4)^2 + 8^2} = \sqrt{16+64}$
 $= \sqrt{80} = 4\sqrt{5}$

(6) $S(3, 2)$, $T(-4, 2)$

$ST = \sqrt{(-4-3)^2 + (2-2)^2}$
 $= \sqrt{(-7)^2 + 0^2} = \sqrt{49+0}$
 $= \sqrt{49} = 7$

時間余り
早く解けよ

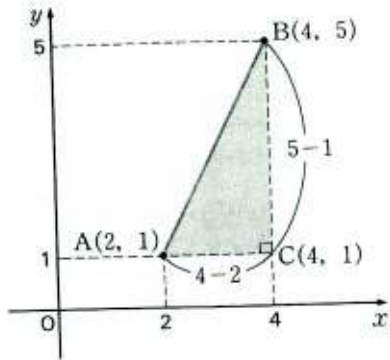
- 問
 (1) $\sqrt{50}$
 (2) $\sqrt{16}$
 (3) $\sqrt{32}$
 (4) $\sqrt{8}$
 (5) $\sqrt{12}$
 (6) $\sqrt{64}$

例1 2点A(2, 1), B(4, 5)間の距離ABを求めてみよう。

▶▶ 点C(4, 1)をとると直角三角形ABCができる。三平方の定理から

$$\begin{aligned} AB^2 &= AC^2 + BC^2 \\ &= (4-2)^2 + (5-1)^2 \\ &= 2^2 + 4^2 = 20 \end{aligned}$$

AB > 0 だから $AB = \sqrt{20} = 2\sqrt{5}$



一般に、次のことがいえる。

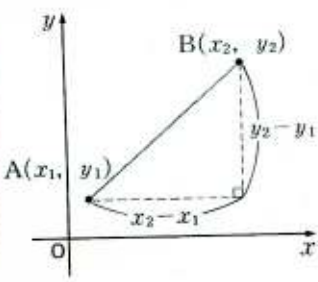
平面上の2点間の距離

2点A(x₁, y₁), B(x₂, y₂)間の距離ABは

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

とくに、原点O(0, 0)と点P(x, y)間の距離OPは

$$OP = \sqrt{x^2 + y^2}$$



例2 2点A(2, 3), B(5, -1)があるとき

$$\begin{aligned} AB &= \sqrt{(5-2)^2 + (-1-3)^2} && \leftarrow AB = \sqrt{(2-5)^2 + \{3-(-1)\}^2} \\ &= \sqrt{9+16} = \sqrt{25} = 5 && \text{としてもよい。} \end{aligned}$$

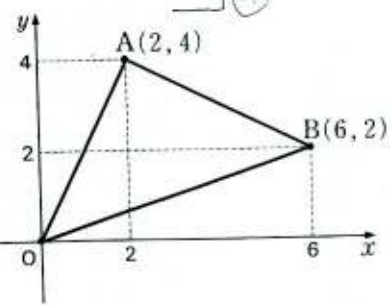
練習3 次の2点間の距離を求めなさい。

- (1) A(4, 2), B(8, 5)
- (2) C(-4, 1), D(-2, 0)
- (3) E(-2, -5), F(-6, 3)
- (4) O(0, 0), P(2, -3)
- (5) Q(2, 4), R(-1, 7)
- (6) S(3, 2), T(-4, 2)

*(1)~(3)は説明を要せず
(4)~(6)は、 $\sqrt{a^2+b^2} = \text{斜辺}$*

練習4 3点O(0, 0), A(2, 4), B(6, 2)を頂点とする△OABについて、次の問いに答えなさい。

- (1) 3辺OA, OB, ABの長さを求めなさい。
- (2) △OABが直角二等辺三角形である理由を説明しなさい。



例題1 2点A(0, 3), B(5, 2) から等しい距離にある x 軸上の点Pの座標を求めよ。

解 点Pは x 軸上にあるから、点Pの座標を $(x, 0)$ とする。このとき

$$AP = \sqrt{(x-0)^2 + (0-3)^2} \\ = \sqrt{x^2 + 9}$$

$$BP = \sqrt{(x-5)^2 + (0-2)^2} \\ = \sqrt{(x-5)^2 + 4}$$

AP = BP から

$$AP^2 = BP^2$$

したがって

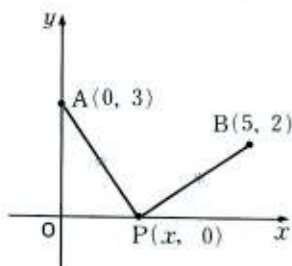
$$x^2 + 9 = (x-5)^2 + 4$$

$$x^2 + 9 = x^2 - 10x + 25 + 4$$

$$10x = 20$$

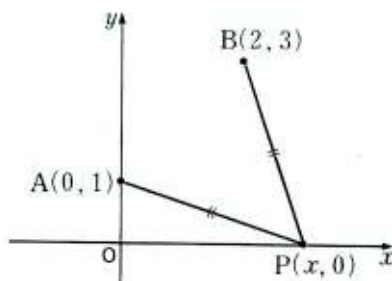
$$x = 2$$

よって、点Pの座標は $(2, 0)$



← x 軸上の点は $(x, 0)$

練習⑤ 2点A(0, 1), B(2, 3) から等しい距離にある x 軸上の点Pの座標を求めなさい。



練習⑥ 2点A(-4, 5), B(4, -3) から等しい距離にある x 軸上の点Pの座標を求めなさい。

